$$f : \underbrace{(S \times K)}_{\text{key}} \times X \to K$$